



Kiwee

看起来像一个好人

387 人赞同了该回答

最高票的回答结果是正确的，但是并没有把维特比算法讲明白，尤其是其中的dp思想。可以用相同的例子来解释：

1.题目背景：

从前有个村儿，村里人的身体情况只有两种可能：健康或者发烧。
假设这个村儿的人没有体温计或者百度这种神奇东西，他唯一判断他身体情况的途径就是到村头我的偶像金正月¹的小诊所询问。
月儿通过询问村民的感觉，判断她的病情，再假设村民只会回答正常、头晕或冷。
有一天村里奥巴驴就去月儿那去询问了。
第一天她告诉月儿她感觉正常。
第二天她告诉月儿感觉有点冷。
第三天她告诉月儿感觉有点头晕。
那么问题来了，月儿如何根据阿驴的描述的情况，推断出这三天中阿驴的一个身体状态呢？
为此月儿上百度搜 google，一番狂搜，发现维特比算法正好能解决这个问题。月儿乐了。

2.已知情况：

隐含的身体状态 = { 健康 , 发烧 }

可观察的感觉状态 = { 正常 , 冷 , 头晕 }

月儿预判的阿驴身体状态的概率分布 = { 健康: 0.6 , 发烧: 0.4 }

这就是初始状态序列。

月儿认为的阿驴身体健康状态的转换概率分布 = {
健康->健康: 0.7 ,
健康->发烧: 0.3 ,
发烧->健康: 0.4 ,
发烧->发烧: 0.6
}

这样就可以列出相应状态转移矩阵。（人懒。。不想编辑公式了）

月儿认为在相应健康状况条件下，阿驴的感觉的概率分布 = {
健康, 正常: 0.5 , 冷: 0.4 , 头晕: 0.1 ;
发烧, 正常: 0.1 , 冷: 0.3 , 头晕: 0.6
}

这样就可以列出相应的观测矩阵。

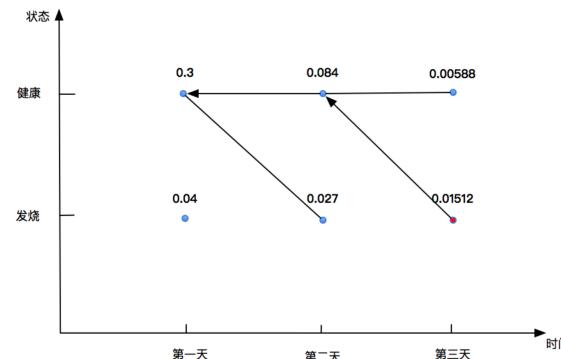
由上面我们可以发现，HMM的三要素都齐备了，下面就是解决问题了。
阿驴连续三天的身体感觉依次是：正常、冷、头晕。

3.题目：

已知如上，求：阿驴这三天的身体健康状态变化的过程是怎样的？即已知观测序列和HMM模型的情况下，求状态序列。

4.过程：

- 初始化。第一天的时候，对每一个状态（健康或者发烧），分别求出第一天身体感觉正常的概率： $P(\text{第一天健康}) = P(\text{正常|健康}) * P(\text{健康|初始情况}) = 0.5 * 0.6 = 0.3$ $P(\text{第一天发烧}) = P(\text{正常|发烧}) * P(\text{发烧|初始情况}) = 0.1 * 0.4 = 0.04$
- 第二天的时候，对每个状态，分别求在第一天状态为健康或者发烧情况下观察到冷的最大概率。
在维特比算法中，我们先要求得路径的单个路径的最大概率，然后再乘上观测概率。 $P(\text{第二天健康}) = \max(0.3 * 0.7, 0.04 * 0.4) * 0.4 = 0.3 * 0.7 * 0.4 = 0.084$ 此时我们需要记录概率最大的路径的前一个状态，即0.084路径的前一个状态。我们在小本本上记下，第一天健康。 $P(\text{第二天发烧}) = \max(0.3 * 0.3, 0.04 * 0.6) * 0.3 = 0.027$ 同样的在0.027这个路径上，第二天也是健康的。
- 第三天的时候，跟第二天一样。 $P(\text{第三天健康}) = \max(0.084 * 0.7, 0.027 * 0.4) * 0.1 = 0.00588$ ，在这条路径上，第二天是健康的。 $P(\text{第三天发烧}) = \max(0.084 * 0.3, 0.027 * 0.6) * 0.6 = 0.01512$ ，在这条路径上，第二天是健康的。
- 最后一天的状态概率分布即为最优路径的概率，即 $P(\text{最优}) = 0.01512$ ，这样我们可以得到最优路径的终点，是发烧。
- 由最优路径开始回溯。请看我们的小本本，在求得第三天发烧概率的时候，我们的小本本上面写的是第二天健康，好了，第二天就应该是健康的状态，然后在第二天健康的情况下，我们记录的第一天是健康的。这样，我们的状态序列逆推出来了。即为：健康，健康，发烧。
- 简略的画个图吧：



这儿的箭头指向就是一个回溯查询小本本的过程，我们在编写算法的时候，其实也得注意，每一个概率最大的单条路径上都要把前一个状态记录下来。

编辑于 2018-04-05 19:21